

---

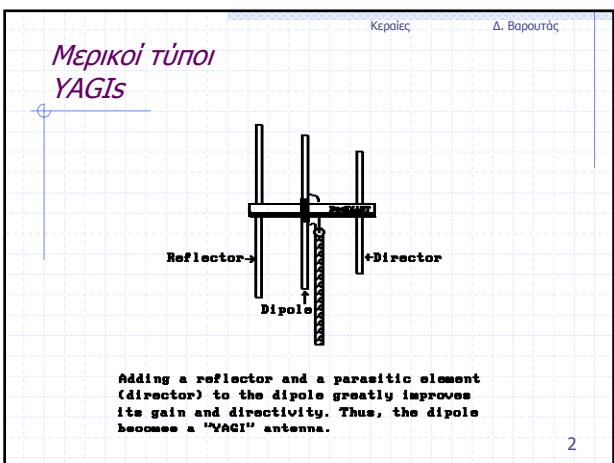
---

---

---

---

---



---

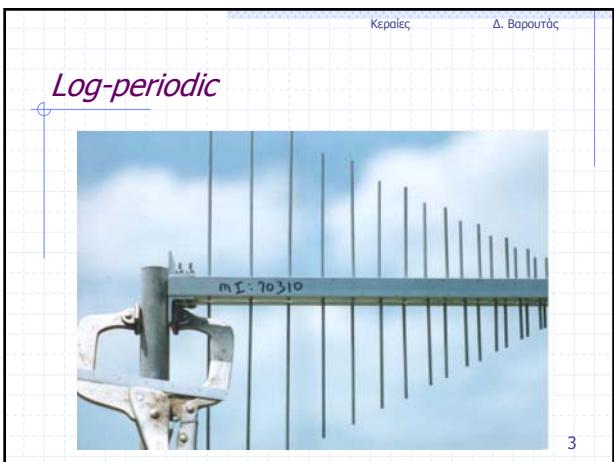
---

---

---

---

---



---

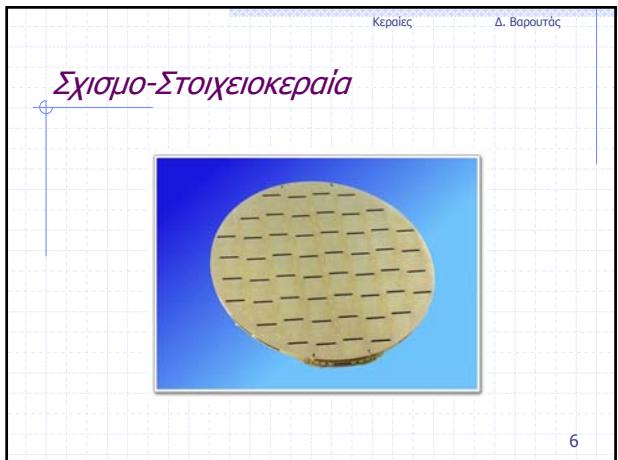
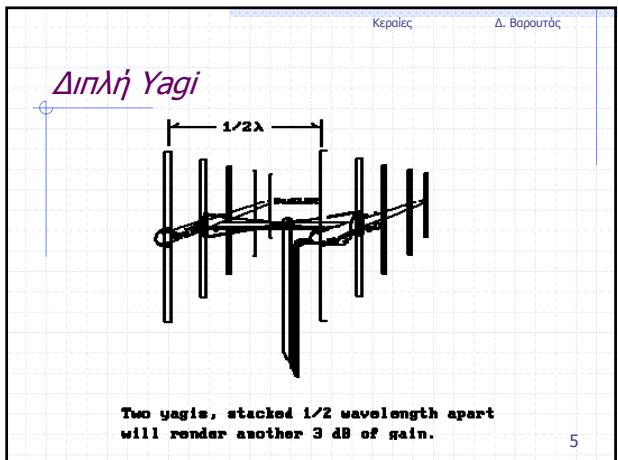
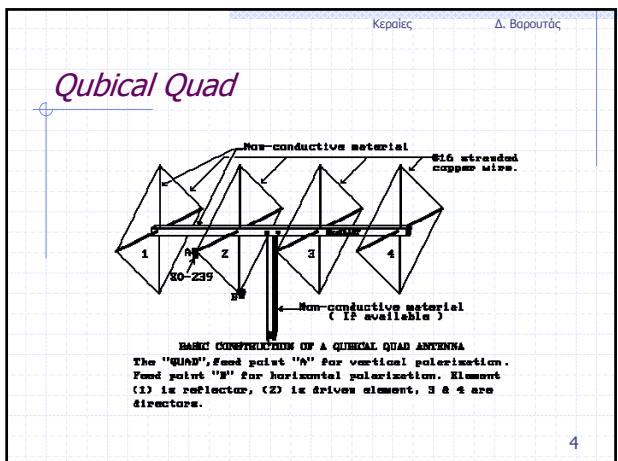
---

---

---

---

---



2

Κέραιος Δ. Βαρουτάς

**Φασική στοιχειοκεραία για στρατιωτικές εφαρμογές**

7

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

Κέραιος Δ. Βαρουτάς

**Τι έχουμε κάνει μέχρι τώρα**

$$A_z = \frac{\mu}{4\pi} \cdot \iiint \frac{e^{-jkr'}}{r'} J_z(x, y, z) \cdot dx dy dz$$

8

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

Κέραιος Δ. Βαρουτάς

$$A_z = \frac{\mu\lambda^2}{4\pi} \frac{e^{-jkr}}{r} \cdot P_{Array}(\psi_1, \psi_2)$$

2-D Μετασχηματισμός Fourier

$$P(\psi_1, \psi_2) = \iint K_z(x, z) \cdot e^{j2\pi \left( \frac{x}{\lambda}\psi_1 + \frac{z}{\lambda}\psi_2 \right)} \cdot d\left(\frac{x}{\lambda}\right) \cdot d\left(\frac{z}{\lambda}\right)$$

Κατανομή ρεύματος

$$K_z(x, z) = \int_0^{\text{thickness}} J_z(x, y, z) \cdot dy$$

9

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

Κέραιος Δ. Βαρουτάς

### Μακρινό πεδίο

$$H_\phi = j \frac{\lambda}{2} \frac{e^{-jkr}}{r} \sin \theta \cdot P_{Array}(\psi_1, \psi_2)$$

$$E_\theta = \eta \cdot H_\phi$$

↓

Πυκνότητα Ισχύος, Ισχύς, Αντίσταση ακτινοβολίας, κλπ.

$$w = \frac{\eta}{8} \left( \frac{\lambda}{r} \right)^2 \sin^2 \theta \cdot |P_{Array}(\psi_1, \psi_2)|^2$$

10

---



---



---



---



---



---



---



---



---



---

Κέραιος Δ. Βαρουτάς

### Παράγοντας ανοίγματος / γεωμετρίας

Αναλυτικό άνοιγμα

$$K_z(x, z) = K_{z1}(x) \cdot K_{z2}(z)$$

$$P(\psi_1, \psi_2) = P(\psi_1) \cdot P(\psi_2)$$

E and H Plane Patterns

<b>E Plane</b>	<b>H Plane</b>
$\phi = 90^\circ$	$\theta = 90^\circ$
$P(0, \psi_2) = P(\psi_2)$	$P(\psi_1, 0) = P(\psi_1)$

---



---



---



---



---



---



---

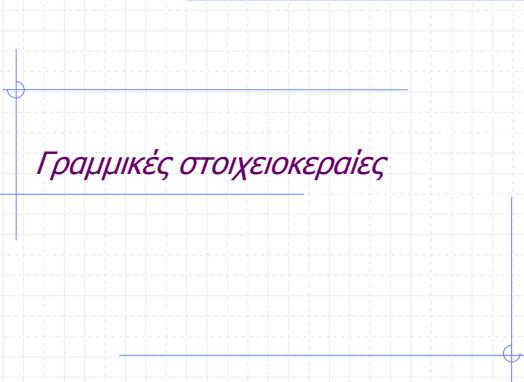


---



---

Γραμμικές στοιχειοκεραίες




---



---



---



---



---



---



---



---



---

Κέραις Δ. Βαρουτάς

### Κριτήριο Nyquist

$\lambda > 2d$

13

---

---

---

---

---

---

Κέραις Δ. Βαρουτάς

### Γραμμικές στοιχειοκεδίες

$$K_z(x, z) = \sum_{n=0}^{N-1} I_n(z) \cdot \delta(x - x_n)$$

Υπόθεση: ίσα στοιχειώδη δίπολα

$$I_n(z) = I_n \cdot g(z)$$

Μεταβολή ρεύματος στο  $z$   
Μιγαδικό ρεύμα στο η-ιστό στοιχείο

$$P(\psi_1, \psi_2) = \int \int K_z(x, z) \cdot e^{j2\pi \left( \frac{x}{\lambda} \psi_1 + \frac{z}{\lambda} \psi_2 \right)} \cdot d\left(\frac{x}{\lambda}\right) \cdot d\left(\frac{z}{\lambda}\right)$$

$$H_\phi = j \frac{\lambda}{2} \frac{e^{-jkr}}{r} \sin \theta \cdot P_{Array}(\psi_1, \psi_2)$$

14

---

---

---

---

---

---

Κέραις Δ. Βαρουτάς

### Αρχή του πολλαπλασιαμού διαγραμμάτων

$$H_\phi = j \frac{1}{2} \frac{e^{-jkr}}{r} \underbrace{\sin \theta \cdot P_0(\psi_2)}_{\text{Μεμονωμένο διάγραμμα ακτινοβολίας}} \cdot f(\psi_1) \quad E_\theta = \eta \cdot H_\phi$$

ARRAY FACTOR

$$P_0(\psi_2) = \int g(z) e^{jkz \psi_2} \cdot d\left(\frac{z}{\lambda}\right)$$

$$f(\psi_1) = \sum_{n=0}^{N-1} I_n \cdot e^{j k x_n \psi_1}$$

$$P(\psi_1, \psi_2) = P(\psi_2) \cdot \frac{f(\psi_1)}{\lambda}$$

15

---

---

---

---

---

---

Κεραίες

Δ. Βαρουτάς

## Συγγραμμική στοιχειοκεραία

$$K_z(x, z) = \delta(x) \sum_{n=0}^{N-1} I_n \cdot g(z - z_n)$$

Αρχή Πολ/σμού Διαγραμμάτων

$$P(\psi_1, \psi_2) = P(\psi_2) \cdot \frac{f(\psi_2)}{\lambda}$$

$$P_0(\psi_2) = \int g(z) e^{j k z \cdot \psi_2} \cdot d\left(\frac{z}{\lambda}\right)$$

$$f(\psi_2) = \sum_{n=0}^{N-1} I_n \cdot e^{j k z_n \cdot \psi_2}$$

16

---

---

---

---

---

---

---

---

Κεραίες

Δ. Βαρουτάς

---

---

---

---

---

---

---

## *Ομοιόμορφες στοιχειοκεραίες*

---

---

---

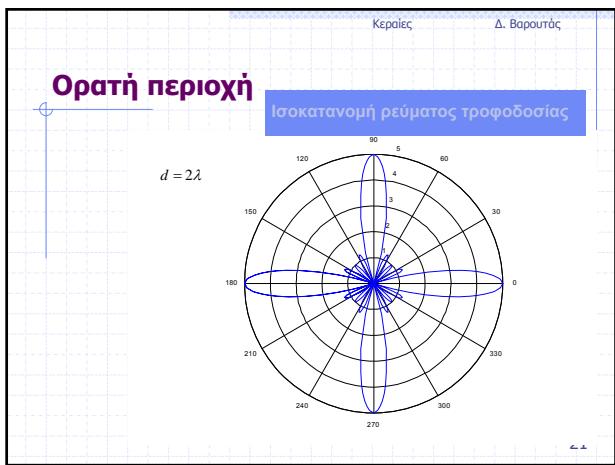
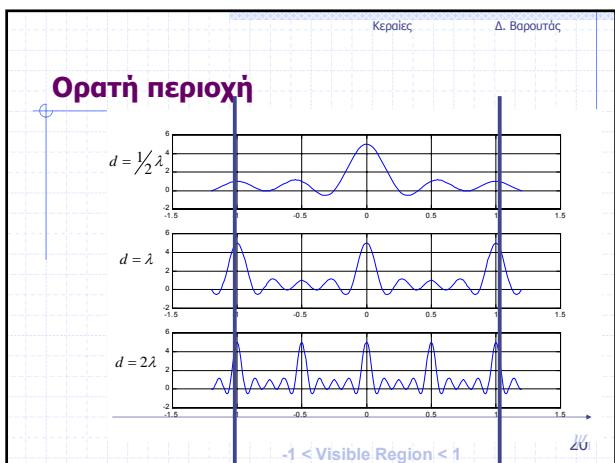
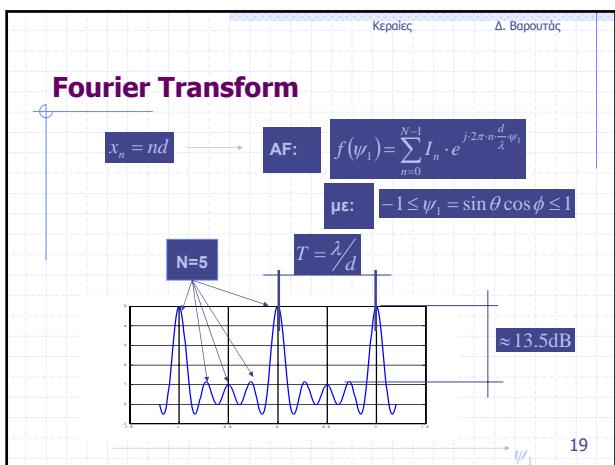
---

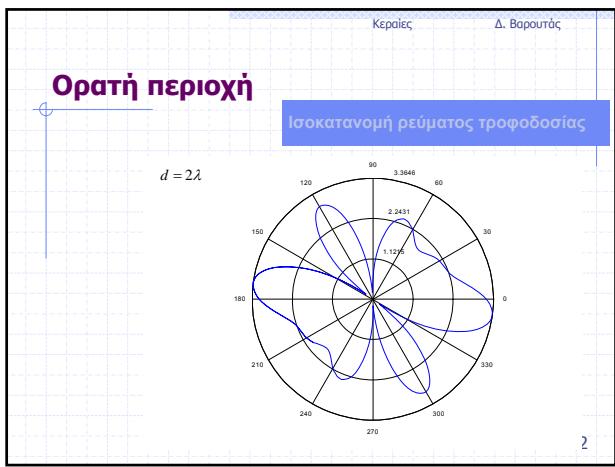
---

---

---

---





---

---

---

---

---

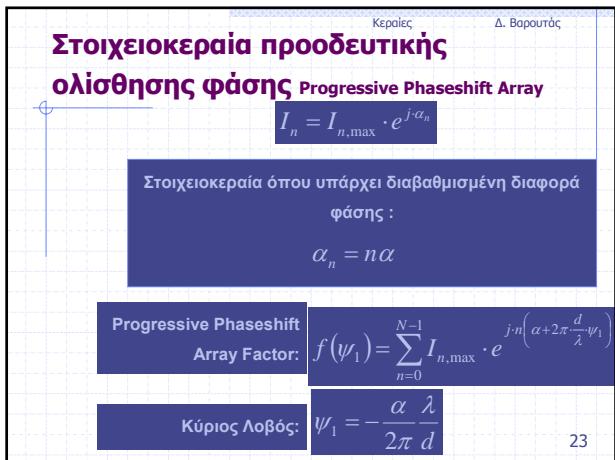
---

---

---

---

---



---

---

---

---

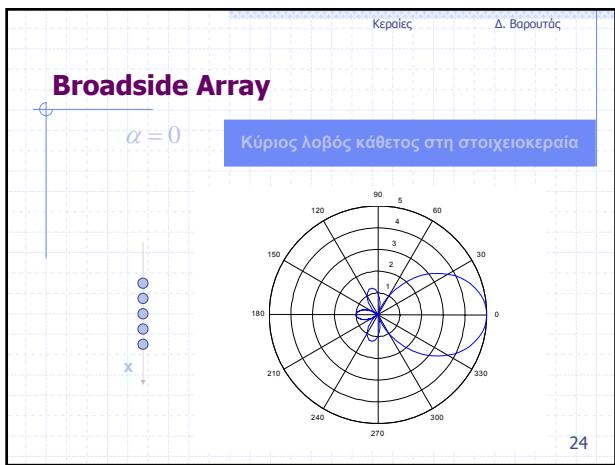
---

---

---

---

---



---

---

---

---

---

---

---

---

---

Κεραίες

Δ. Βαρουτάς

## Endfire Array

$$\alpha = -2\pi \frac{d}{\lambda}$$

X

Y

Κύριος λοβός κάθετος στη στοιχειοκεραία

25



## Ομοιόμορφες Στοχειοκεραίες



Επίκουρη Καθηγή Στοιχειοκεραίας

Κεραδίς

Δ. Βαρουτάς

# Τι είναι ομοιόμορφη στοιχειοκεραία

Μια στοιχειοκεραία με ισαπέχοντα στοιχεία που

τροφοδοτούνται με ρεύμα ίσου πλάτους και προσδετικά  
μεταβλητή διαφορά φάσης είναι .... ομοιόμορφη στοιχειοκεραία

$$f(u) = \sum_{n=0}^{N-1} e^{j\pi u}$$

με

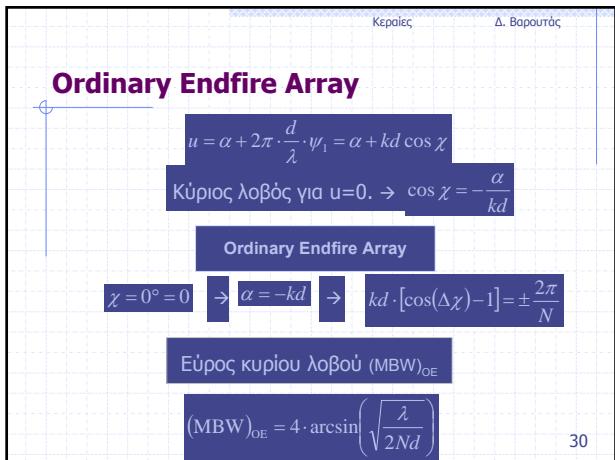
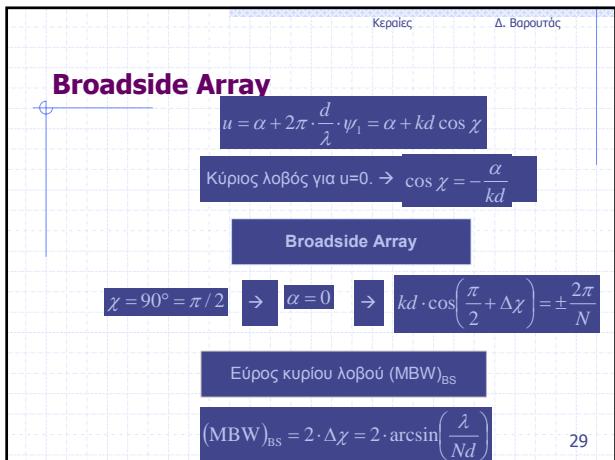
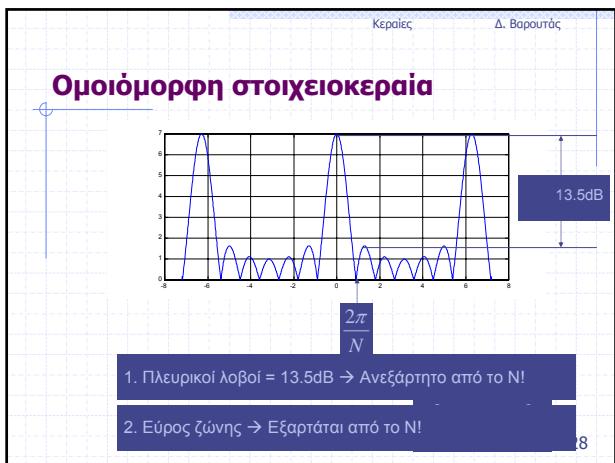
$$u = \alpha + 2\pi \cdot \frac{d}{\lambda}, \psi_1 = \alpha + kd \cos \chi$$

Βασικό μέγιστο:  $u = 0$

Μηδενικά:  $u = \pm 2\pi \frac{n}{N}$

Δευτερεύοντα μέγιστα:  $u = \pm \pi \frac{2m+1}{N}$





Κεραιός Δ. Βαρουτάς

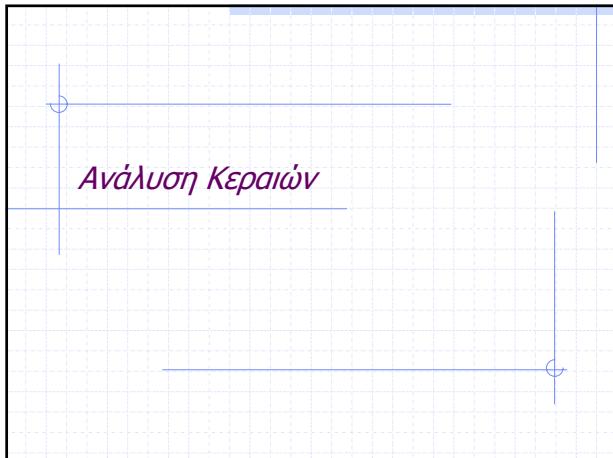
### Endfire Array με αυξημένη κατευθυντικότητα

$$u = \alpha + 2\pi \cdot \frac{d}{\lambda}, \psi_1 = \alpha + kd \cos \chi \quad \cos \chi = -\frac{\alpha}{kd}$$

**Endfire Array με αυξημένη κατευθυντικότητα**

$$\chi = 0^\circ = 0 \Rightarrow \alpha = -\left( kd + \frac{\pi}{N} \right) \Rightarrow kd \cdot [\cos(\Delta\chi) - 1] - \frac{\pi}{n} = \pm \frac{2\pi}{N}$$

**Εύρος κυρίου λοβού (MBW)<sub>EID</sub>**

$$(\text{MBW})_{\text{EID}} = 4 \cdot \arcsin\left(\sqrt{\frac{\lambda}{4Nd}}\right) \quad (71\% \text{ της OE}) \quad 31$$


Κεραιός Δ. Βαρουτάς

### Πολυωνυμική στοιχειοκεραία

$$f(\psi_1) = \sum_{n=0}^{N-1} I_n \cdot e^{j \cdot k \cdot n \cdot d \cdot \psi_1}$$

$$f = \sum_{n=0}^{N-1} I_{n,\max} \cdot e^{j(\alpha_n + nu)}$$

$$f = \sum_{n=0}^{N-1} A_n \cdot z^n \equiv P_{N-1}(z)$$

$\psi_1 = \cos \chi$   
 $I_n = I_{n,\max} \cdot e^{j\alpha_n}$   
 $\alpha_n = n\alpha + \alpha'_n$

$\overset{*}{\psi_1}$   
 Προοδευτική διαφορά φάσης

$\overset{*}{\alpha_n}$   
 Απόκλιση

$z = e^{ju}; u = \alpha + kd \cos \chi$

$A_n = I_{n,\max} \cdot e^{j\alpha'_n}$

33

Κεραίας Δ. Βαρουτάς

### Πολυωνυμική στοιχειοκεραία

$$f = A_0 + A_1 z + \cdots + A_{N-1} z^{N-1} \equiv P_{N-1}(z)$$

$$P_{N-1}(z) = (z - z_1) \cdot (z - z_2) \cdots (z - z_{N-1})$$

$|f| = \prod_{i=1}^{N-1} |z - z_i|$

Τα μηδενικά στο μοναδιαίο κύκλο υποδεικνύουν σημεία μη-ακτινοβολίας!

34

Κεραίας Δ. Βαρουτάς

### N=4 Broadside Array

$$|f| = z^3 + z^2 + z + 1$$

Τα μηδενικά στο μοναδιαίο κύκλο υποδεικνύουν σημεία μη-ακτινοβολίας!

$z_1 = e^{j\frac{1}{2}\pi}$

$z_2 = e^{j\pi}$

$z_3 = e^{-j\frac{1}{2}\pi}$

$z_4 = e^{-j\pi}$

Ευρύτερος κύριος λοβός? Στενότερος κύριος λοβός?

35

Κεραίας Δ. Βαρουτάς

### Διωνυμική στοιχειοκεραία με d=λ/2

Ο Ευρύτερος κύριος λοβός

$$|f| = (z + 1)^3 = z^3 + 3z^2 + 3z + 1 \rightarrow z_n = -1$$

$|f| = (z + 1)^{N-1}$

Πάντα ένας λοβός!

36

## Dolph-Tschebyscheff Array

Βέλτιστες συντελεστές σχεδίασης πρέπει να προσφέρουν:

1. Το στενότερο κύριο λοβό για δεδομένους πλευρικούς λοβούς
2. Το χαμηλότερο επίπεδο ισχύος πλευρικών λοβών για δεδομένο κύριο λοβό

37

---

---

---

---

---

---

---



ΕΛΛΗΝΙΚΗ ΔΗΜΟΚΡΑΤΙΑ  
Εδνικόν και Καποδιστριακόν  
Πανεπιστήμιον Αθηνών

# Κεραίες

Ενότητα: Στοιχειοκεραίες

Δημήτρης Βαρουτάς, Αριστείδης Τσίπουρας  
Σχολή Θετικών Επιστημών  
Τμήμα Πληροφορικής και Τηλεπικοινωνιών

Στοιχειοκεραίες

Τέλος Ενότητας

Στοιχειοκεραίες

# Χρηματοδότηση

- Το παρόν εκπαιδευτικό υλικό έχει αναπτυχθεί στο πλαίσιο του εκπαιδευτικού έργου του διδάσκοντα.
- Το έργο «**Ανοικτά Ακαδημαϊκά Μαθήματα στο Πανεπιστήμιο Αθηνών**» έχει χρηματοδοτήσει μόνο την αναδιαμόρφωση του εκπαιδευτικού υλικού.
- Το έργο υλοποιείται στο πλαίσιο του Επιχειρησιακού Προγράμματος «Εκπαίδευση και Δια Βίου Μάθηση» και συγχρηματοδοτείται από την Ευρωπαϊκή Ένωση (Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο) και από εθνικούς πόρους.



Σημειώματα

# Σημείωμα Ιστορικού Εκδόσεων Έργου

Το παρόν έργο αποτελεί την έκδοση 1.0.



# Σημείωμα Αναφοράς

Copyright Εθνικόν και Καποδιστριακόν Πανεπιστήμιον Αθηνών, Δημήτρης  
Βαρουτάς, Αριστείδης Τσίπουρας. «Κεραίες, Στοιχειοκεραίες». Έκδοση: 1.0.  
Αθήνα 2015. Διαθέσιμο από τη δικτυακή διεύθυνση:  
[http://opencourses.uoa.gr/courses/DI123/.](http://opencourses.uoa.gr/courses/DI123/)



# Σημείωμα Αδειοδότησης

Το παρόν υλικό διατίθεται με τους όρους της άδειας χρήσης Creative Commons Αναφορά, Μη Εμπορική Χρήση Παρόμοια Διανομή 4.0 [1] ή μεταγενέστερη, Διεθνής Έκδοση. Εξαιρούνται τα αυτοτελή έργα τρίτων π.χ. φωτογραφίες, διαγράμματα κ.λ.π., τα οποία εμπεριέχονται σε αυτό και τα οποία αναφέρονται μαζί με τους όρους χρήσης τους στο «Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων».



[1] <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-sa/4.0/>

Ως **Μη Εμπορική** ορίζεται η χρήση:

- που δεν περιλαμβάνει άμεσο ή έμμεσο οικονομικό όφελος από την χρήση του έργου, για το διανομέα του έργου και αδειοδόχο
- που δεν περιλαμβάνει οικονομική συναλλαγή ως προϋπόθεση για τη χρήση ή πρόσβαση στο έργο
- που δεν προσπορίζει στο διανομέα του έργου και αδειοδόχο έμμεσο οικονομικό όφελος (π.χ. διαφημίσεις) από την προβολή του έργου σε διαδικτυακό τόπο

Ο δικαιούχος μπορεί να παρέχει στον αδειοδόχο ξεχωριστή άδεια να χρησιμοποιεί το έργο για εμπορική χρήση, εφόσον αυτό του ζητηθεί.



# Διατήρηση Σημειωμάτων

Οποιαδήποτε αναπαραγωγή ή διασκευή του υλικού θα πρέπει να συμπεριλαμβάνει:

- το Σημείωμα Αναφοράς
- το Σημείωμα Αδειοδότησης
- τη δήλωση Διατήρησης Σημειωμάτων
- το Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων (εφόσον υπάρχει)

μαζί με τους συνοδευόμενους υπερσυνδέσμους.



# Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων

Το Έργο αυτό κάνει χρήση των ακόλουθων έργων:

**Εικόνες/Σχήματα/Διαγράμματα/Φωτογραφίες**

