

## Τμήμα Χημείας

### Μάθημα: Φυσικοχημεία II (Εργαστήριο)

Εξετάσεις: Πτυχιακή Περίοδος 2012-2013 (23.5.2013)

1. Σε πείραμα Τζουλ-Τόμσον αέριο CO<sub>2</sub> με αρχική πίεση 1.4 bar και θερμοκρασία 19.39°C υποβάλλεται σε εκτόνωση με τελική πίεση 1.0 bar και θερμοκρασία 19.05°C. Ποια είναι η τιμή του συντελεστή Τζουλ-Τόμσον σε θερμοκρασία 19°C;

Λύση:

$$\mu_{JT} = \left( \frac{\partial T}{\partial P} \right)_H \approx \frac{\Delta T}{\Delta P} = \frac{T_2 - T_1}{P_2 - P_1} = \frac{(19.05 + 273.15)K - (19.39 + 273.15)K}{1.0 \text{ bar} - 1.4 \text{ bar}} = \frac{(19.05 - 19.39)K}{-0.4 \text{ bar}} = \frac{-0.34 \text{ K}}{-0.4 \text{ bar}} = 0.85 \text{ K/bar}$$

$$\text{Δεν είναι ούτε } \mu_{JT} = \left( \frac{\partial P}{\partial T} \right)_H \text{ ούτε } \mu_{JT} = \left( \frac{\partial T}{\partial P} \right)_H \approx \frac{\Delta P}{\Delta T}.$$

$$\text{Φυσικά δεν είναι } \mu_{JT} = \dots = \frac{(19.05 - 19.39)^\circ\text{C}}{-0.4 \text{ bar}} = \frac{-0.34^\circ\text{C}}{-0.4 \text{ bar}} = \frac{(-0.34 + 273.15)K}{-0.4 \text{ bar}}$$

2. Σε πείραμα ζεσεοσκοπίας το σημείο ζέσεως του νερού βρέθηκε με θερμόμετρο Beckmann ότι είναι 2.37 K. Με προσθήκη 1 g ουσίας A, το σημείο ζέσεως του διαλύματος έγινε 2.53 K, ενώ με επιπλέον προσθήκη 1 g ουσίας B έγινε 2.67 K. Ποια ουσία έχει μεγαλύτερη φαινόμενη γραμμομοριακή μάζα;

Λύση:

Αν αντιστοιχίσουμε τις 3 μετρήσεις θερμοκρασίας σε T<sub>0</sub>, T<sub>1</sub>, T<sub>2</sub> και τις μοριακότητες των διαλυμάτων με αυτά τα σημεία ζέσεως σε m<sub>0</sub>, m<sub>1</sub>, m<sub>2</sub>, έχουμε:

$$m_0 = 0, \quad m_1 = \frac{n_A}{w_{H_2O}} = \frac{w_A}{M_A w_{H_2O}}, \quad \text{ενώ} \quad m_2 = \frac{n_A + n_B}{w_{H_2O}} = \left( \frac{w_A}{M_A} + \frac{w_B}{M_B} \right) \frac{1}{w_{H_2O}}, \quad \text{όπου} \quad w_A = w_B = 1 \text{ g.}$$

Η εξίσωση της ζεσεοσκοπίας εφαρμόζεται ως εξής: ΔT<sub>1</sub> = T<sub>1</sub> - T<sub>0</sub> = K<sub>a</sub>m<sub>1</sub> και ΔT<sub>2</sub> = T<sub>2</sub> - T<sub>0</sub> = K<sub>b</sub>m<sub>2</sub>.

Διαιρούμε κατά μέλη τις τελευταίες σχέσεις και αντικαθιστούμε τα m<sub>1</sub> και m<sub>2</sub>. Έτσι έχουμε:

$$\frac{\Delta T_2}{\Delta T_1} = \frac{T_2 - T_0}{T_1 - T_0} = \frac{\frac{1}{M_A} + \frac{1}{M_B}}{\frac{1}{M_A}} = 1 + \frac{M_A}{M_B} \Rightarrow \frac{M_A}{M_B} = \frac{T_2 - T_0}{T_1 - T_0} - 1 = \frac{T_2 - T_1}{T_1 - T_0} = \frac{2.67 - 2.53}{2.53 - 2.37} = \frac{0.14}{0.16} < 1 \Rightarrow M_A < M_B$$

3. Να υπολογίσετε την ενεργότητα ιόντων Na<sup>+</sup> στα υδατικά διαλύματα α) Na<sub>3</sub>PO<sub>4</sub> 0.1 mol/kg, β) NaNO<sub>3</sub> 0.5 mol/kg. Δίνεται η σταθερά της θεωρίας Debye-Hückel A = 0.5 kg<sup>1/2</sup> mol<sup>1/2</sup>.

Λύση:

$$\text{Ισχύουν οι σχέσεις } \alpha_i = \gamma_i c_i, \quad \log \gamma_i = -Az_i^2 \sqrt{I}, \quad I = \frac{1}{2} \sum_i z_i^2 c_i$$

α) c<sub>1</sub> = [Na<sup>+</sup>] = 0.3 mol/kg και c<sub>2</sub> = [PO<sub>4</sub><sup>3-</sup>] = 0.1 mol/kg, ενώ z<sub>1</sub> = 1 και z<sub>2</sub> = -3. Οπότε έχουμε

$$I = \frac{1}{2} (1^2 \times 0.3 + (-3)^2 \times 0.1) \text{ mol/kg} = 0.6 \text{ mol/kg}$$

$$\log \gamma_1 = -0.5 \sqrt{\text{kg mol}^{-1}} \times 1^2 \times \sqrt{0.6 \text{ mol kg}^{-1}} = -0.387 \Rightarrow \gamma_1 = 0.410, \text{ άρα:}$$

$$\alpha_1 = \gamma_1 c_1 = 0.410 \times 0.3 \text{ mol/kg} = 0.123 \text{ mol/kg}$$

β) c<sub>1</sub> = [Na<sup>+</sup>] = 0.5 mol/kg και c<sub>2</sub> = [NO<sub>3</sub><sup>-</sup>] = 0.5 mol/kg, ενώ z<sub>1</sub> = 1 και z<sub>2</sub> = -1. Οπότε έχουμε

$$I = \frac{1}{2} (1^2 \times 0.5 + (-1)^2 \times 0.5) \text{ mol/kg} = 0.5 \text{ mol/kg}$$

$$\log \gamma_1 = -0.5 \sqrt{\text{kg mol}^{-1}} \times 1^2 \times \sqrt{0.5 \text{ mol kg}^{-1}} = -0.354 \Rightarrow \gamma_1 = 0.443, \text{ άρα:}$$

$$\alpha_1 = \gamma_1 c_1 = 0.443 \times 0.5 \text{ mol/kg} = 0.222 \text{ mol/kg}$$

4. Διάλυμα που περιέχει 2.01 g NaCl και 98.07 g H<sub>2</sub>O έχει πυκνότητα 1.0083 g/cm<sup>3</sup> σε θερμοκρασία 20.00°C. Να υπολογίσετε τον φαινόμενο μερικό γραμμομοριακό όγκο του NaCl αν γνωρίζετε ότι η πυκνότητα του καθαρού νερού σε 20.00°C είναι 0.99821 g/cm<sup>3</sup>.

Λύση:

$$\tilde{v}_2 = \frac{\frac{m_1 + m_2}{\rho} - \frac{m_1}{M_1} \frac{M_1}{\rho_1^*}}{\frac{m_2}{M_2}} \Rightarrow$$

$$\tilde{v}_2 = \frac{\frac{98.07 + 2.01}{1.0083 \frac{g}{cm^3}} g - \frac{98.07 g}{0.99821 \frac{g}{cm^3}}}{\frac{2.01 g}{58.443 \frac{g}{mol}}} = \frac{\frac{100.08}{1.0083} cm^3 - \frac{98.07}{0.99821} cm^3}{\frac{2.01}{58.443} mol} = \frac{99.26 - 28.25}{0.0344} \frac{cm^3}{mol} = 29.36 \frac{cm^3}{mol}$$

$$\text{Δεν ισχύει } v_1^* = \frac{m_1}{\rho_1^*} \text{ διότι } \frac{m_1}{\rho_1^*} = V_1 = n_1 v_1^*$$

5. Σχηματίζουμε μίγματα των πτητικών ουσιών A και B και προσδιορίζουμε τα σημεία ζέσεως των μιγμάτων. Για τιμές του γραμμομοριακού κλάσματος της υγρής φάσεως x<sub>A</sub> μεταξύ 0 και 0.9 ισχύει  $\frac{dT}{dx_A} > 0$  ενώ για  $0.9 < x_A < 1$  ισχύει  $\frac{dT}{dx_A} < 0$ . Να κατασκευάσετε διάγραμμα σημείων ζέσεως – συνθέσεως που να ανταποκρίνεται στα δεδομένα. Για x<sub>A</sub> = 0.5 ποια είναι η πιο πιθανή τιμή για το γραμμομοριακό κλάσμα της αέριας φάσεως y<sub>A</sub>: 0, 0.2, 0.4, 0.6, 0.8, 1;

Λύση:

Σχηματίζεται μίγμα που εμφανίζει αζεοτροπικό μεγίστου σε x<sub>A</sub> = y<sub>A</sub> = 0.9.

Από ποιοτικό σχήμα είναι σαφές ότι για x<sub>1</sub> = 0.5, 0 < y<sub>A</sub> < 0.5. Άρα πιθανή τιμή είναι y<sub>A</sub> = 0.2, αλλά και y<sub>A</sub> = 0.4 δεν μπορεί να απορριφθεί.

**Χρήσιμες τιμές:** R = 8.31447 J K<sup>-1</sup> mol<sup>-1</sup>, N<sub>A</sub> = 6.022141 × 10<sup>23</sup> mol<sup>-1</sup>, 1 atm = 101 kPa, 1 bar = 10<sup>5</sup> Pa, 1 J = 1 N m, 1 cal = 4.184 J, c = 299792458 m s<sup>-1</sup>

Ατομικές μάζες (g/mol): H: 1.00794, C: 12.0107, N: 14.00674, O: 15.9994, Na: 22.98977, S: 32.066, P: 30.97376, Cl: 35.453, K: 39.0983, Ca: 40.08, Cr: 51.9961, Br: 79.904, Rb: 85.4678, Ag: 107.8682, Cs: 132.9054

**Σύσταση:** Να φαίνονται αναλυτικά οι πράξεις και να γράφονται οι μονάδες όλων των μεγεθών.

31/5/2013